

**ABSTRAK**

Diberikan graf terhubung  $H$  dengan himpunan titik  $V_H$ . Misalkan himpunan terurut  $X = \{x_1, x_2, \dots, x_s\} \subseteq V_H$  dan  $x \in V_H$ . Representasi dari  $x$  terhadap  $X$  dinotasikan dengan  $r(x|X)$  yaitu pasangan berurut  $s$ -tuple  $(d(x, x_1), d(x, x_2), \dots, d(x, x_s))$  dengan  $d(x, x_i)$  adalah jarak dari titik  $x$  dan  $x_i$ . Himpunan  $X$  disebut *himpunan pembeda* untuk  $H$  jika  $r(x|X)$  berbeda untuk setiap titik  $x \in V_H$ . Himpunan pembeda untuk  $H$  dengan banyak elemen minimum disebut *basis* untuk  $H$ . Kardinalitas dari basis untuk  $H$  disebut dimensi metrik dari  $H$  yang dinotasikan dengan  $\dim(H)$ . Himpunan  $X$  disebut *himpunan pembeda lokal* untuk  $H$  jika setiap dua titik berbeda dan bertetangga di  $H$  mempunyai representasi berbeda. *Basis lokal* dari  $H$  adalah himpunan pembeda lokal untuk  $H$  dengan banyak elemen minimum. Kardinalitas dari basis lokal untuk  $H$ ,  $\dim_l(H)$ , disebut *dimensi metrik lokal* dari  $H$ . Jika didefinisikan  $d(x, x_i) = 0$  untuk  $x = x_i$ ,  $d(x, x_i) = 1$  untuk  $x$  yang bertetangga dengan  $x_i$ , dan  $d(x, x_i) = 2$  untuk  $x$  yang tidak bertetangga dengan  $x_i$ , maka  $d(x, x_i)$  disebut jarak ketetanggaan dari  $x$  dan  $x_i$ , dinotasikan dengan  $d_A(x, x_i)$ . Representasi ketetanggaan dari titik  $x$  terhadap himpunan  $X$  dinotasikan dengan  $r_A(x|X) = (d_A(x, x_1), d_A(x, x_2), \dots, d_A(x, x_s))$ . Jika setiap titik di  $H$  mempunyai representasi ketetanggaan yang berbeda terhadap  $X$ , maka  $X$  disebut *himpunan pembeda ketetanggaan* untuk  $H$ . *Basis ketetanggaan* dari  $H$  adalah himpunan pembeda ketetanggaan dengan banyak elemen minimum. Kardinalitas dari basis ketetanggaan disebut *dimensi metrik ketetanggaan*, dinotasikan dengan  $\dim_A(H)$ . Himpunan  $X$  disebut *himpunan pembeda ketetanggaan lokal* untuk  $H$  jika setiap dua titik berbeda dan bertetangga di  $H$  mempunyai representasi ketetanggaan berbeda. *Basis ketetanggaan lokal* dari  $H$  adalah himpunan pembeda ketetanggaan lokal untuk  $H$  dengan banyak elemen minimum. Kardinalitas dari basis ketetanggaan lokal untuk  $H$ ,  $\dim_{A,l}(H)$ , disebut *dimensi metrik ketetanggaan lokal* dari  $H$ .

Diberikan graf terhubung  $G$  berordo  $p_1$  dan berderajat  $q_1$ . Diberikan pula graf  $H$  berordo  $p_2$  dan berderajat  $q_2$ . Korona-sisi  $G \diamond H$  didefinisikan sebagai graf yang diperoleh dari  $G$  dan  $H$  dengan mengambil sebuah salinan dari  $G$  dan  $q_1$  salinan dari  $H$  dan menghubungkan dengan sebuah sisi setiap titik pada salinan ke- $i$  dari  $H$  dengan setiap titik ujung sisi ke- $i$  dari  $G$ . Untuk sebarang  $m \geq 2$ , didefinisikan graf  $m$ -korona-sisi-kanan  $G \diamond_R^m H$  dan  $m$ -korona-sisi-kiri  $G \diamond_L^m H$  secara rekursif dari  $G \diamond H$  masing-masing sebagai  $G \diamond_R^m H = (G \diamond^{m-1} H) \diamond H$  dan  $G \diamond_L^m H = G \diamond_L^{m-1} (H \diamond H)$ . Dalam disertasi ini, diberikan hasil-hasil dimensi metrik, batas bawah dan nilai eksak dari graf  $G \diamond H$ , untuk beberapa graf  $H$ . Selanjutnya, diberikan bukti-bukti dan keterkaitan antar hasil-hasil tersebut. Selain itu, diberikan pula hasil-hasil pada dimensi metrik lokal  $G \diamond H$ , dimensi metrik ketetanggaan  $G \diamond H$  dengan  $H$  adalah graf kosong, dan dimensi metrik ketetanggaan lokal  $G \diamond H$  dengan  $G$  adalah beberapa graf mirip roda dan  $H$  adalah graf kosong. Penelitian lebih lanjut adalah menentukan dan membuktikan dimensi metrik graf  $m$ -korona-sisi.

Kata kunci: dimensi metrik, dimensi metrik lokal, dimensi metrik ketetanggaan, dimensi metrik ketetanggaan lokal, korona-sisi,  $m$ -korona-sisi-kanan,  $m$ -korona-sisi-kiri.