

ABSTRAK

Diberikan graf terhubung H dengan himpunan titik V_H . Misalkan himpunan terurut $X = \{x_1, x_2, \dots, x_s\} \subseteq V_H$ dan $x \in V_H$. Representasi dari x terhadap X dinotasikan dengan $r(x|X)$ yaitu pasangan berurut s -tuple $(d(x, x_1), d(x, x_2), \dots, d(x, x_s))$ dengan $d(x, x_i)$ adalah jarak dari titik x dan x_i . Himpunan X disebut *himpunan pembeda* untuk H jika $r(x|X)$ berbeda untuk setiap titik $x \in V_H$. Himpunan pembeda untuk H dengan banyak elemen minimum disebut *basis* untuk H . Kardinalitas dari basis untuk H disebut dimensi metrik dari H yang dinotasikan dengan $\dim(H)$. Himpunan X disebut *himpunan pembeda lokal* untuk H jika setiap dua titik berbeda dan bertetangga di H mempunyai representasi berbeda. *Basis lokal* dari H adalah himpunan pembeda lokal untuk H dengan banyak elemen minimum. Kardinalitas dari basis lokal untuk H , $\dim_l(H)$, disebut *dimensi metrik lokal* dari H . Jika didefinisikan $d(x, x_i) = 0$ untuk $x = x_i$, $d(x, x_i) = 1$ untuk x yang bertetangga dengan x_i , dan $d(x, x_i) = 2$ untuk x yang tidak bertetangga dengan x_i , maka $d(x, x_i)$ disebut jarak ketetanggaan dari x dan x_i , dinotasikan dengan $d_A(x, x_i)$. Representasi ketetanggaan dari titik x terhadap himpunan X dinotasikan dengan $r_A(x|X) = (d_A(x, x_1), d_A(x, x_2), \dots, d_A(x, x_s))$. Jika setiap titik di H mempunyai representasi ketetanggaan yang berbeda terhadap X , maka X disebut *himpunan pembeda ketetanggaan* untuk H . *Basis ketetanggaan* dari H adalah himpunan pembeda ketetanggaan dengan banyak elemen minimum. Kardinalitas dari basis ketetanggaan disebut *dimensi metrik ketetanggaan*, dinotasikan dengan $\dim_A(H)$. Himpunan X disebut *himpunan pembeda ketetanggaan lokal* untuk H jika setiap dua titik berbeda dan bertetangga di H mempunyai representasi ketetanggaan berbeda. *Basis ketetanggaan lokal* dari H adalah himpunan pembeda ketetanggaan lokal untuk H dengan banyak elemen minimum. Kardinalitas dari basis ketetanggaan lokal untuk H , $\dim_{A,l}(H)$, disebut *dimensi metrik ketetanggaan lokal* dari H .

Diberikan graf terhubung G berordo p_1 dan berderajat q_1 . Diberikan pula graf H berordo p_2 dan berderajat q_2 . Korona-sisi $G \diamond H$ didefinisikan sebagai graf yang diperoleh dari G dan H dengan mengambil sebuah salinan dari G dan q_1 salinan dari H dan menghubungkan dengan sebuah sisi setiap titik pada salinan ke- i dari H dengan setiap titik ujung sisi ke- i dari G . Untuk sebarang $m \geq 2$, didefinisikan graf m -korona-sisi-kanan $G \diamond_R^m H$ dan m -korona-sisi-kiri $G \diamond_L^m H$ secara rekursif dari $G \diamond H$ masing-masing sebagai $G \diamond_R^m H = (G \diamond^{m-1} H) \diamond H$ dan $G \diamond_L^m H = G \diamond_L^{m-1} (H \diamond H)$. Dalam disertasi ini, diberikan hasil-hasil dimensi metrik, batas bawah dan nilai eksak dari graf $G \diamond H$, untuk beberapa graf H . Selanjutnya, diberikan bukti-bukti dan keterkaitan antar hasil-hasil tersebut. Selain itu, diberikan pula hasil-hasil pada dimensi metrik lokal $G \diamond H$, dimensi metrik ketetanggaan $G \diamond H$ dengan H adalah graf kosong, dan dimensi metrik ketetanggaan lokal $G \diamond H$ dengan G adalah beberapa graf mirip roda dan H adalah graf kosong. Penelitian lebih lanjut adalah menentukan dan membuktikan dimensi metrik graf m -korona-sisi.

Kata kunci: dimensi metrik, dimensi metrik lokal, dimensi metrik ketetanggaan, dimensi metrik ketetanggaan lokal, korona-sisi, m -korona-sisi-kanan, m -korona-sisi-kiri.